

## 2020 成考《高起点-数学》基础练习题

一、选择题(每小题 5 分, 共 15 题, 75 分)

1. 设集合  $A=\{a, b, c, d, e\}$   $B=\{a, b, e\}$ , 则  $A \cup B=($  )

A  $\{a, b, e\}$  B  $\{c, d\}$  C  $\{a, b, c, d, e\}$  D  $\varnothing$

2. 下列函数为偶函数的是 ( )

A  $y=-x$  B  $y=x \sin x$  C  $y=x \cos x$  D  $y=x^2+x$

3. 条件甲  $x=2$ , 条件乙:  $x^2-3x+2=0$ , 则条件甲是条件乙的 ( )

A 充要条件 B 必要不充分条件 C 充分但不必要条件 D 既不充分又不必要条件

4. 到两定点  $A(-1, 1)$  和  $B(3, 5)$  距离相等的点的轨迹方程为 ( )

A  $x+y-4=0$  B  $x+y-5=0$  C  $x+y+5=0$  D  $x-y+2=0$

5. 两条平行直线  $z_1=3x+4y-5=0$  与  $Z_2=6x+8y+5=0$  之间的距离是 ( )

A 2 B 3 C  $\frac{1}{2}$  D  $\frac{3}{2}$

6. 以椭圆  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$  上的任意一点 (长轴两端除外) 和两个焦点为顶点的三角形的周长等于 ( )

A 12 B  $8+2\sqrt{7}$  C 13 D 18

7. 函数  $y=\sqrt{1-|x+3|}$  的定义域是 ( )

A  $\mathbb{R}$  B  $[0, +\infty]$  C  $[-4, -2]$  D  $(-4, -2)$

8. 抛物线  $y^2=-4x$  上一点 P 到焦点的距离为 3, 则它的横坐标是

( )

A -4 B -3 C -2 D -1

9. 函数  $f(x) = \sin x + x^3$  ( )

A 是偶函数 B 是奇函数 C 既是奇函数, 又是偶函数 D 既不  
是奇函数也不是偶函数

10.  $\sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12} =$  ( )

A  $\frac{1}{4}$  B  $\frac{1}{2}$  C  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  D  $\frac{\sqrt{3}}{4}$

11. 掷两枚硬币, 两枚的币值面都朝上的概率是 ( )

A  $\frac{1}{2}$  B  $\frac{1}{4}$  C  $\frac{1}{3}$  D  $\frac{1}{8}$

12. 通过点  $(3, 1)$  且与直线  $x + y = 1$  垂直的直线方程是 ( )

A  $x - y + 2 = 0$  B  $3x - y - 8 = 0$  C  $x - 3y + 2 = 0$  D  $x - y - 2 = 0$

13. 已知  $y = \log_a(2 - ax)$  在  $[0, 1]$  上是  $x$  的减函数, 则  $a$  的取值范围  
是 ( )

A  $\frac{1}{9}$  B  $(1, 2)$  C  $(0, 2)$  D  $(2, +\infty)$

14. 如果向量  $a = (3, -2)$ ,  $b = (-1, 2)$ , 则  $(2a + b) \cdot (a - b)$  等于 ( )

A 28 B 8 C 16 D 32

15. 若从一批有 8 件正品, 2 件次品组成的产品中接连抽取 2 件产品  
(第一次抽出的产品不放回去), 则第一次取得次品且第二次取得正  
品的概率是 ( )

A  $\frac{1}{9}$  B  $\frac{2}{9}$  C  $\frac{8}{45}$  D  $\frac{16}{45}$

二、填空题 (每小题 5 分, 共 4 小题, 20 分)

16. 函数  $y=(x+1)^2+1 (x \leq 1)$  的反函数是

17. 给定三点  $A(1, 0)$   $B(-1, 0)$   $C(1, 2)$  那么通过点  $A$ , 并且与直线  $BC$  垂直的直线方程是

18. 过曲线  $y=\frac{1}{3}x^3$  上一点  $P(2, \frac{8}{3})$  的切线方程是

19. 从球队中随机选出 5 名队员, 其身高分别为 (单位: cm) 180 188 200 195 187, 则身高的样本方差为  $\text{cm}^2$

三、解答题 (20 题 10 分, 21 题 16 分, 22 题 13 分, 24 题 16 分)

20. 设函数  $y=f(x)$  为一次函数, 已知  $f(1)=8, f(2)=-1$ , 求  $f(11)$

21.  $\{a_n\}$  首项为 2, 公比为 3 的等比数列, 将此数列的每一项取以 3 为底的对数构成数列  $\{b_n\}$

求 (1)  $\{b_n\}$  的通项公式 (2)  $\{b_n\}$  的前多少项和为  $10\log_3 32+45$

22. 已知锐角三角形  $ABC$  的边长  $AB=10, BC=8$ , 面积  $S=32$ , 求  $AC$  的长 (用小数表示, 结果保留小数点后两位)

23. 在某块地上种植葡萄, 若种 50 株葡萄藤, 每株葡萄藤将产出 70kg 葡萄, 若多种 1 株葡萄藤, 每株产量平均下降 1kg, 试问在这块地上种多少株葡萄藤才能使产量达到最大值, 并求出这个最大值。

24. 设  $A, B$  两点在椭圆  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$  上, 点  $M(1, \frac{1}{2})$  是  $AB$  的中点

(1) 求直线 AB 的方程 (2) 若该椭圆上的点 C 的横坐标为  $-\sqrt{3}$  ,  
求三角形 ABC 的面积

一、选择题(每小题 5 分, 共 15 题, 75 分)

1.C 2.B 3.C 4.A 5.D 6.B 7.C 8.C 9.B 10.A  
11.B 12.D 13.B 14.A 15.C

二、(每小题 5 分, 共 4 小题, 20 分)

16.  $y=1-\sqrt{x-1}$  ( $x \geq 1$ ) 17.  $x+y-1=0$  18.  $12x-3y-16=0$   
19. 47.6

三、(20 题 10 分, 21 题 16 分, 22 题 13 分, 24 题 16 分)

20. 解: 设  $f(x)=ax+b$  得  $\begin{cases} -2a+b=8 \\ a+b=8 \end{cases}$

得  $a=3, b=5$  从而得  $f(x)=3x+5$ , 所以  $f(11)=3 \times 11+5=38$

21. (1)  $[a_n]$  为等比数列,  $a_1=2, q=3$ , 则  $a_n=2 \times 3^{n-1}$ ,  $b_n=\log_3(2 \times 3^{n-1})=\log_3 2+n-1$

(2) 由于  $b_n - b_{n-1} = (\log_3 2^{n-1}) - [\log_3 2^{(n-1)-1}] = 1$

$[b_n]$  是以  $\log_3 2$  为首项以 1 为公差的等差数列, 设  $[b_n]$  前  $n$  项和等于  $10\log_3 2 + 45$

$$\text{有 } n\log_3 2 + \frac{n(n-1)}{2} = 45 + 10\log_3 2$$

整理得  $n^2 + 2(\log_3 2 - 1)n - 90 - 20\log_3 2 = 0$  即  $(n-10)(n+9+21\log_3 2) = 0$

22. 解: 由面积公式  $S = \frac{1}{2} AB \cdot BC \cdot \sin B$  得  $32 = \frac{1}{2} \times 10 \times 8 \cdot \sin B$  解

$$\text{得 } \sin B = \frac{5}{4}$$

因  $\angle B$  为锐角, 故  $\cos B = \frac{3}{5}$  由余弦定理得  $AC^2 = 10^2 + 8^2 - 2 \times 10 \times 8 \times$

$$\frac{3}{5} = 68$$

所以  $AC = 2\sqrt{17} \approx 8.25$

23. 解: 设多种  $x$  株 ( $x \geq 0$ ) 则相应产量为:

$$S = (50+x)(70-x) = 3500 + 20x - x^2 = 3600 - (x-10)^2$$

由此得知, 当  $x=10$  时,  $S$  最大, 此时  $S=3600$

答: 当种 60 株葡萄藤时, 产量达到最大值 3600kg

24. (1) 设直线  $AB$  的斜率为  $k$ , 则直线  $AB$  的方程为  $y - \frac{1}{2} = k(x-1)$   $A, B$

两点的坐标满足方程组

$$\begin{cases} \frac{x^2}{4} + y^2 = 1 \\ y - \frac{1}{2} = k(x-1) \end{cases} \quad (2)$$

将 (2) 代入 (1), 整得:  $(\frac{1}{4} + k^2)x^2 + 2k(\frac{1}{2} - k)x + (\frac{1}{2} - k)^2 - 1 = 0$

(3)

此方程的判别式  $\Delta = 3k^2 + k + \frac{3}{4} > 0$

因此它有两个不等的实根  $x_1, x_2$

$$\text{由 } x_1 + x_2 = \frac{2k(\frac{1}{2} - k)}{\frac{1}{4} + k^2} = 2 \quad \text{解: 得 } k = \frac{1}{2}$$

所以直线 AB 的方程为  $x + 2y - 2 = 0$

(2) 将  $k = \frac{1}{2}$  代入方程 (3), 解出 A, B 两点坐标为

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = 0 \\ y_1 = 1 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} x_2 = 2 \\ y_2 = 0 \end{array} \right.$$

于是可得  $|AB| = \sqrt{5}$  由已知求得点 C 坐标为  $(-\sqrt{3}, \frac{1}{2})$  或  $(-\sqrt{3},$

$\frac{1}{2})$

点 C 到直线 AB 的距离为

$$d = \frac{1 - \sqrt{3} + 1 - 21}{\sqrt{5}} = \frac{1 + \sqrt{3}}{\sqrt{5}} \quad \text{或} \quad d = \frac{1 - \sqrt{3} - 1 - 21}{\sqrt{5}} = \frac{3 - \sqrt{3}}{\sqrt{5}}$$

所以  $\triangle ABC$  的面积为  $\frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times \frac{1 + \sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{1 + \sqrt{3}}{2}$  或  $\frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times$

$$\frac{3 - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} = \frac{3 + \sqrt{3}}{2}$$

